



# NÁKLADY FIRMY

[www.eKoFun.cz](http://www.eKoFun.cz)

V účetních knihách explicitní náklady

**Implicitní náklady**-princip alternativních nákladů  
nákladů obětované příležitosti, firma je reálně neplatí(nájem v bytě)

**Náklady na kapitál**-ekonomové považují za implicitní náklady  
jejich výše je dána částkou, kterou by byl kdokoliv ochoten zaplatit za použití  
daného kapitálového statku, kdyby si ho pronajal

Budeme předpokládat dokonalou konkurenci na trhu výrobních faktorů

Práce i kapitál jsou homogenní(může pracovat půl člověka ☺)

**Cena práce je mzda( $w$ )**-peněžní částka za jednu hodinu práce

**Cena kapitálu je nájemné( $r$ )**-cena může být porovnávána s úrokem

**Zapuštěné náklady**-výdaje, které firma nemůže získat zpět(pronajmout)  
Alternativní náklady jsou nulové



Budeme zkoumat jak závisí náklady na objemu vyrobené produkce  
Vývoj nákladů závisí na-charakteru příslušné produkční funkce  
-cenách vstupů

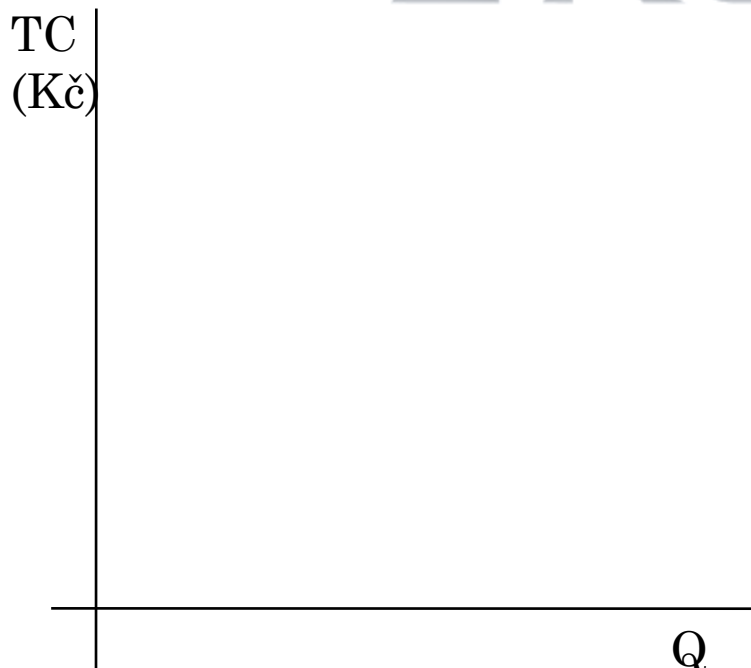
$$TC=f(Q,w,r)$$

Nákladová funkce vyjadřuje **minimální náklady** při výrobě různých výstupů

**Charakter nákladové funkce je určen charakterem produkční funkce**

Rozlišujeme krátké a dlouhé období

EKO FUN



# NÁKLADY FIRMY V KRÁTKÉM OBDOBÍ

Celkové náklady(TC)-

$$TC=w.L+r.K$$

V krátkém období předpoklad - kapitál je fixní, celkové náklady:

$$STC=w.L+r.K_1$$

Náklady na K se s růstem objemu nemění, jsou také fixní (FC)  
Tyto náklady existují i při nulovém výstupu(nájem, pojištění)

Variabilní náklady(VC)-se změnou výstupu mění(mzdy, suroviny)  
při nulovém výstupu jsou také nulové

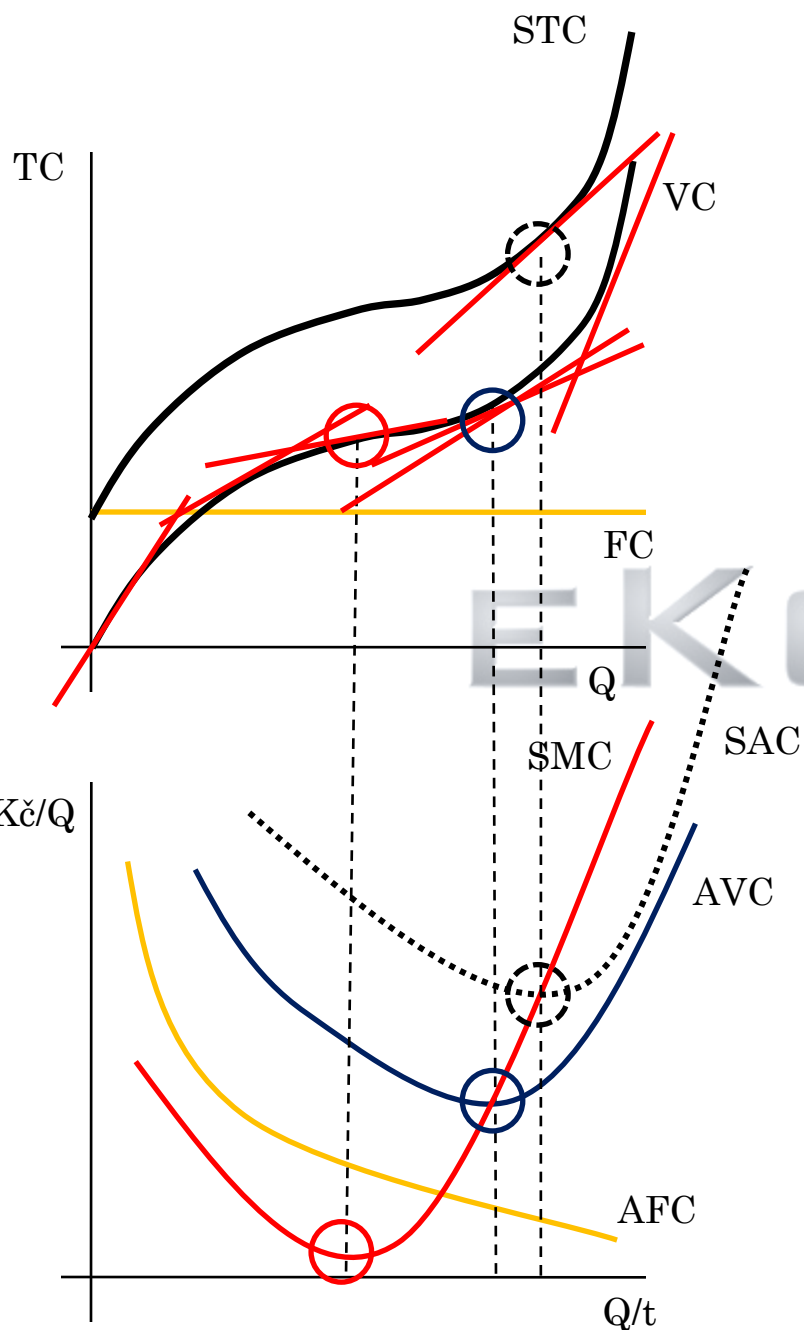
$$STC=VC+FC$$

Vývoj STC v sobě odráží vývoj VC

**Průběh křivky VC v sobě odráží výnosy z variabilního vstupu( $MP_L$ )**



## Tvar nákladových funkcí



Nejprve se prosazují rostoucí výnosy z variabilního vstupu, každá další jednotka vyrobí více

(platíme stejnou mzdu) mzda pro zemědělce je 10000Kč/měsíc

První „vyrobí“ za měsíc 2t obilí při ceně 1t=10000-20000Kč, druhý vyrobí 3t, 30000Kč, třetí 4t

My ale platíme každému pořád stejnou mzdu 10000Kč

Každý další zemědělec je pro nás levnější a náklady musejí klesat

Klesající výnosy z variabilního vstupu každý dodatečný zemědělec bude vyrábět méně a méně

náklady na zaměstnání dalšího budou růst



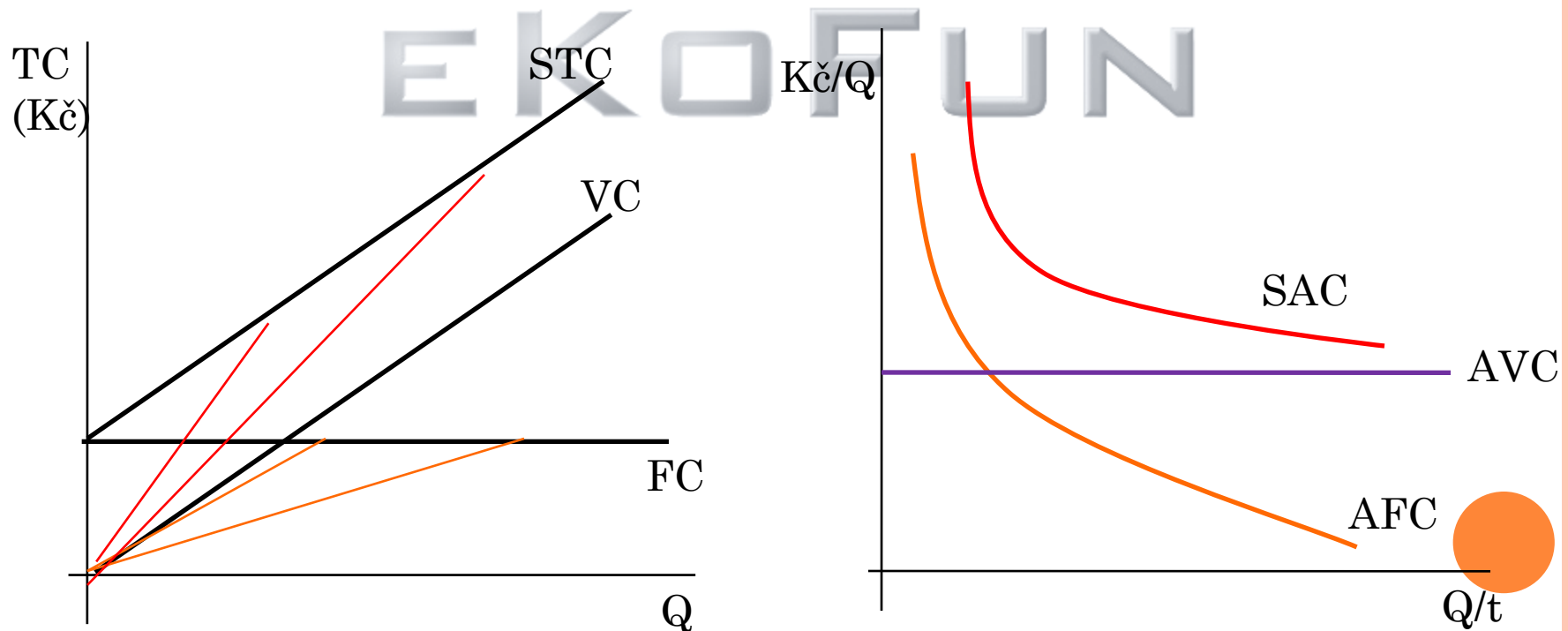
Průměrné náklady(AC)  $AC = \frac{TC}{Q}$

$$SAC = \frac{STC}{Q} = \frac{VC + FC}{Q} = \frac{VC}{Q} + \frac{FC}{Q} = AVC + AFC$$

Předpokládáme-li nejdříve rostoucí výnosy z variabilního vstupu a následně klesající výnosy z variabilního vstupu, křivka SAC má tvar písmene U

AVC-průměrné variabilní náklady

AFC-průměrné fixní náklady



## Průměrné fixní náklady(AFC)-fixní náklady na jednotku výstupu

$$AFC = \frac{FC}{Q} = \frac{r \cdot K}{Q} = r \cdot \frac{1}{AP_K} \qquad AP_K = \frac{Q}{K}$$

Fixní náklady jsou konstantní, s růstem výstupu se stále snižují  
 křivka AFC klesá a přibližuje ose x  
 (nikdy se jí ale nedotkne)

# EKO FUN

## Průměrné variabilní náklady(AVC)-variabilní náklady na jednotku výstupu

$$AVC = \frac{VC}{Q} = \frac{w \cdot L}{Q} = w \cdot \frac{1}{AP_L} \qquad AP_L = \frac{Q}{L}$$

Obrácený vztah mezi vývojem průměrných variabilních nákladů a průměrným produktem práce

Roste-li průměrný produkt práce(roste produktivita práce)

klesají průměrné variabilní náklady a naopak



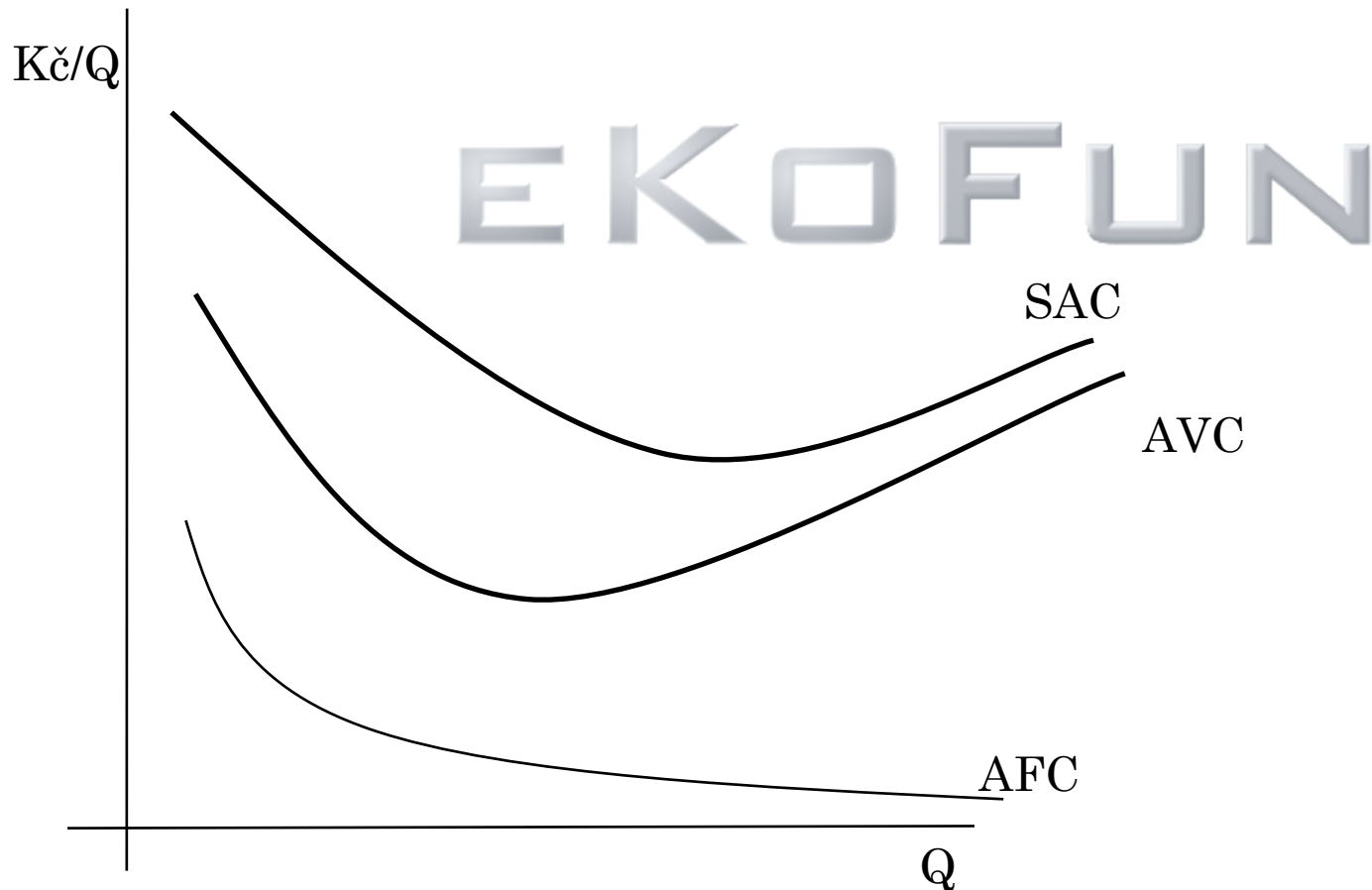
$$SAC = AVC + AFC$$

Graficky se jedná o vertikální součet

S rostoucím výstupem se přibližují SAC a AVC

NIKDY se nedotknou-existují AFC

AVC nabývají minima dříve než SAC, důvod opět existence AFC





**Mezní náklady (SMC)** - o kolik se změní celkové náklady, změní-li se výstup o jedna

graficky se jedná o směrnici tečny ke křivce STC v daném bodě

$$SMC = \frac{\partial STC}{\partial Q} = \frac{\partial VC}{\partial Q} + \frac{\partial FC}{\partial Q} = \frac{\partial VC}{\partial Q} \quad \frac{\partial FC}{\partial Q} = 0$$

STC je VC posunuta o FC

$$SMC = \frac{\partial VC}{\partial Q} = \frac{w \cdot \partial L}{\partial Q} = w \cdot \frac{1}{MP_L} \quad MP_L = \frac{\partial Q}{\partial L}$$

Inverzní vztah mezi vývojem SMC a mezním produktem práce

Další zemědělec vyrobí více než ten předchozí

mezní produkt práce roste

SMC musí klesat a naopak

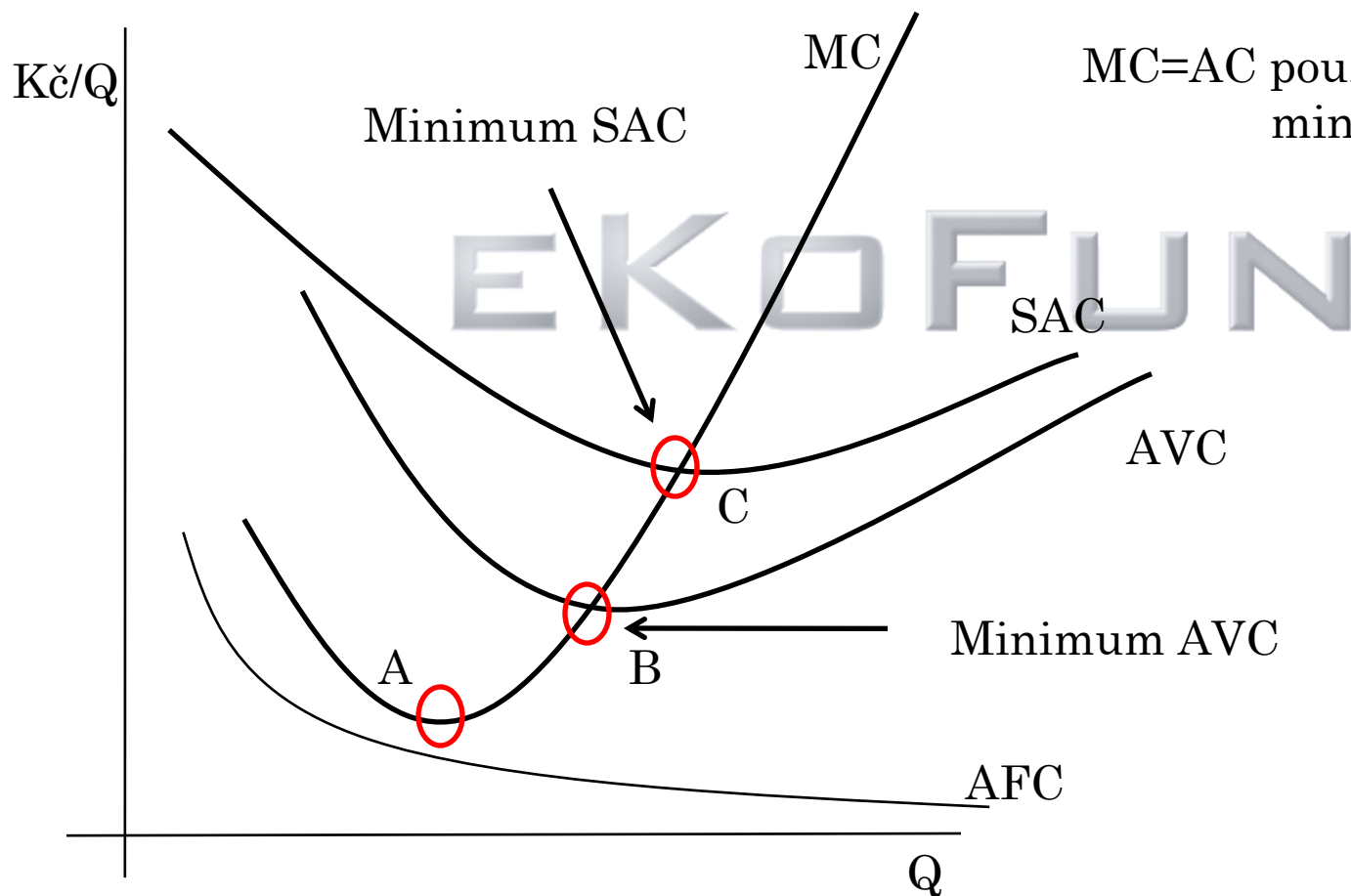


Od bodu začínají MC růst - začíná platit zákon klesajících výnosů

$MC < AC$  každé další  $Q$  levnější než předešlé

$MC > AC$  každé další  $Q$  dražší než předešlé

$MC = AC$  pouze zde  $AC$  minimální



# NÁKLADY A VÝNOSY Z VARIABILNÍHO VSTUPU

Klasická produkční funkce nejdříve odráží  
rostoucí výnosy z variabilního vstupu  
poté klesající výnosy z variabilního vstupu

**Tvar nákladové funkce je určen tvarem produkční funkce**

**Jak v produkčních tak nákladových funkcích budeme používat  
značení konstant  $b$ ,  $c$ .**

**Tyto konstanty budou nabývat jiných hodnot pro produkční a  
jiných pro nákladovou funkci!!!!**



## Vývoj nákladů v podmínkách rostoucích výnosů z variabilního vstupu

Produkční funkce má tvar  $Q=a+b.L+c.L^2$   $a=0$   $Q=b.L+c.L^2$

Fixní náklady- $FC=a$  (číslo, není funkce nic se nemění)

Variabilní náklady- tvar křivky je odvozen přímo z produkční funkce

**Když roste výstup rostoucím tempem, variabilní náklady rostou klesajícím tempem**

$$VC=b.Q-c.Q^2$$

$$STC=a+b.Q-c.Q^2$$

Průměrné fixní náklady- $AFC=FC/Q=a/Q$

Průměrné variabilní náklady-  $AVC = \frac{VC}{Q} = \frac{b.Q - c.Q^2}{Q} = b - c.Q$

AVC a  $AP_L$  jsou k sobě inverzní ( $AP_L$  roste AVC klesá,  $AP_L$  klesá AVC roste)

$$AVC = \frac{w}{AP_L}$$

Průměrné náklady-  $SAC = \frac{STC}{Q} = \frac{a + b.Q - c.Q^2}{Q} = \frac{a}{Q} + b - c.Q$

**Mezní náklady**

$$SMC = \frac{\partial STC}{\partial Q} = \frac{\partial VC}{\partial Q}$$

$$STC = a + b \cdot Q - c \cdot Q^2$$

$$SMC = b - 2c \cdot Q$$

$$SMC = \frac{w}{MP_L} \mid w = \textit{konst.}$$

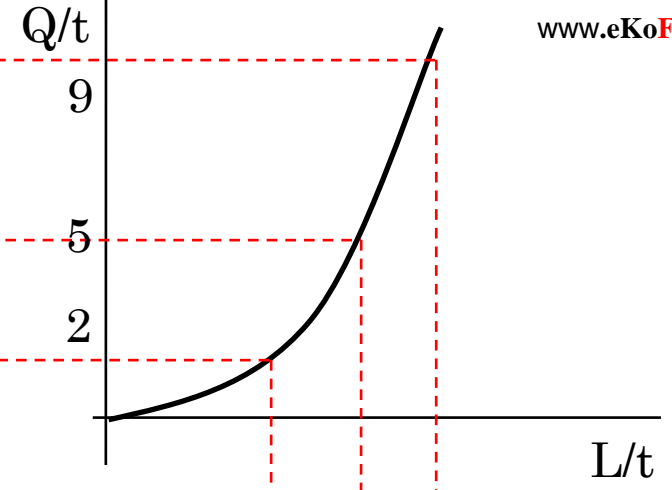
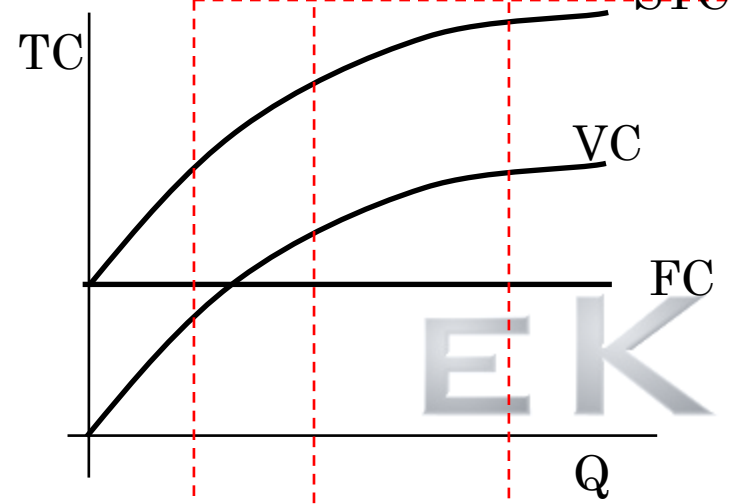
SMC a mezní produkt práce jsou k sobě inverzní

Roste-li mezní produkt práce (další zemědělec vyrobí víc)

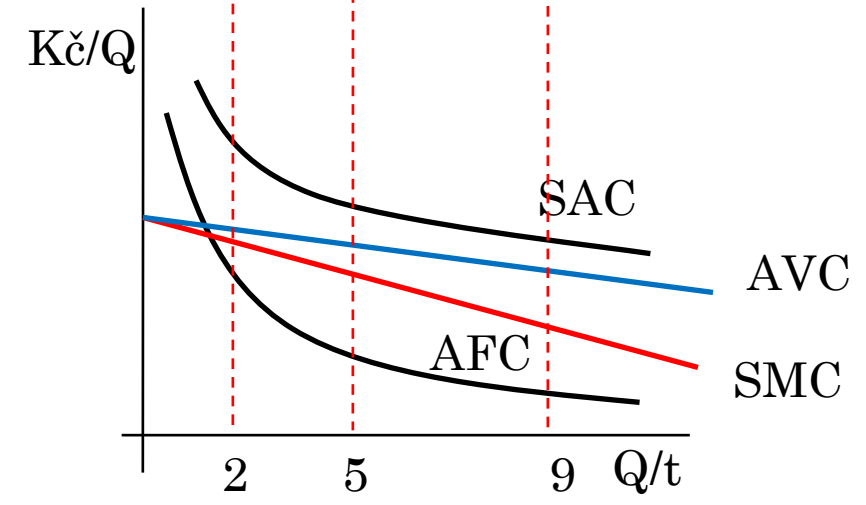
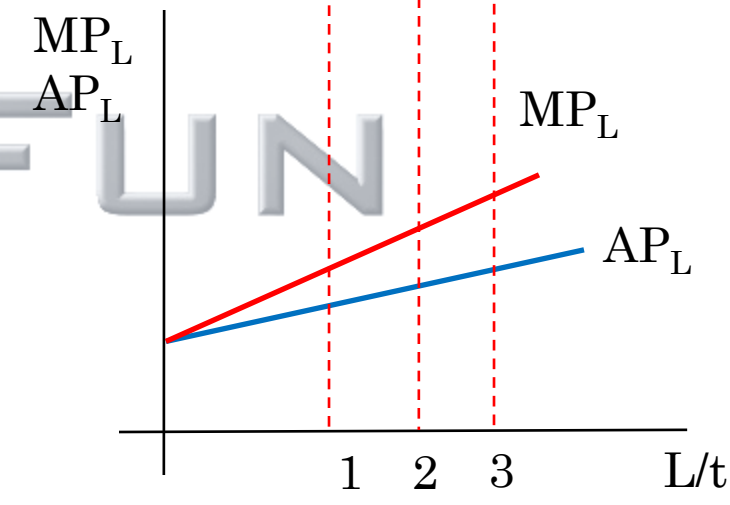
klesají mezní náklady (náklady na dodatečného zemědělce, mzda)

$w = \textit{konstantní}$





EKO FUN



## Vývoj nákladů v podmínkách klesajících výnosů z variabilního vstupu

Produkční funkce  $Q=a+b.L-c.L^2$   $a=0$   $Q=b.L-c.L^2$

$$FC=a$$

VC-tvar ovlivněn charakterem produkční funkce  
 roste-li výstup klesajícím tempem, VC se zvyšují rostoucím tempem

$$VC=b.Q+c.Q^2$$

$$STC=a+b.Q+c.Q^2$$

$$AFC=a/Q$$

$$AVC = \frac{VC}{Q} = \frac{b.Q + c.Q^2}{Q} = b + c.Q$$

V podmínkách klesajících výnosů z variabilního vstupu klesá  $MP_L$   
 klesá i  $AP_L$  ( $MP_L$  táhne  $AP_L$ )

$$AVC=w/AP_L$$

Klesá-li průměrný produkt práce ( $w$  je konstantní)  
 musí růst průměrné variabilní náklady s růstem výstupu



$$SAC = \frac{STC}{Q} = \frac{a + b \cdot Q + c \cdot Q^2}{Q} = \frac{a}{Q} + b + c \cdot Q$$

SAC vznikne vertikálním součtem křivek AFC a AVC

Při malém výstupu je pokles AFC větší než růst AVC → SAC klesají  
 V bodě kde se pokles AFC a růst AVC vyrovnají → SAC v minimu  
 Od tohoto bodu je růst AVC větší než pokles AFC → SAC roste

Mezní náklady

EKO FUN

$$SMC = \frac{\partial STC}{\partial Q} = \frac{\partial VC}{\partial Q} = b + 2 \cdot c \cdot Q$$

Produkční funkce obsahuje klesající výnosy z variabilního vstupu (klesá  $MP_L$ )  
 Mezní náklady? ( $SMC = w / MP_L$ )

**Rostoucí**

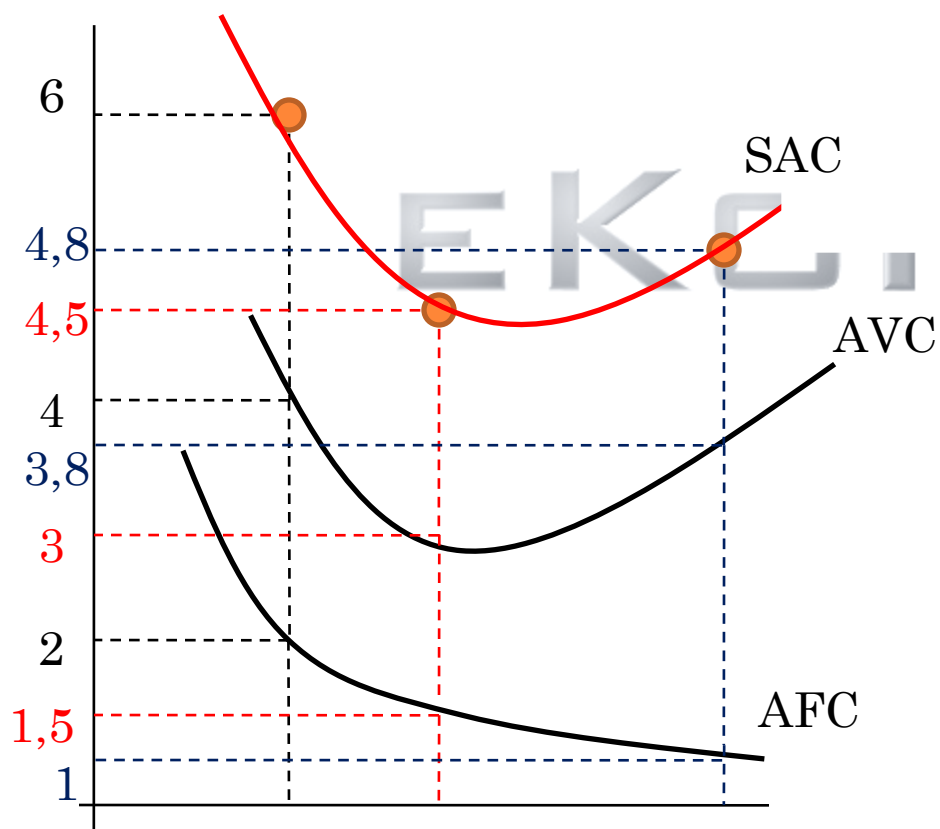


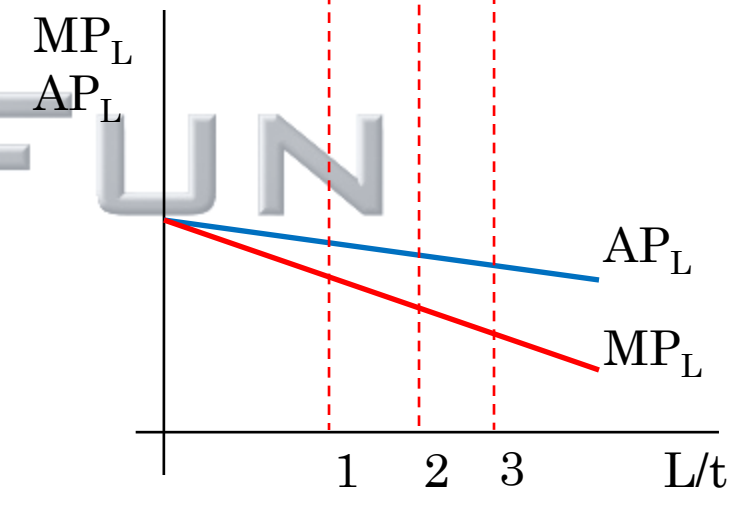
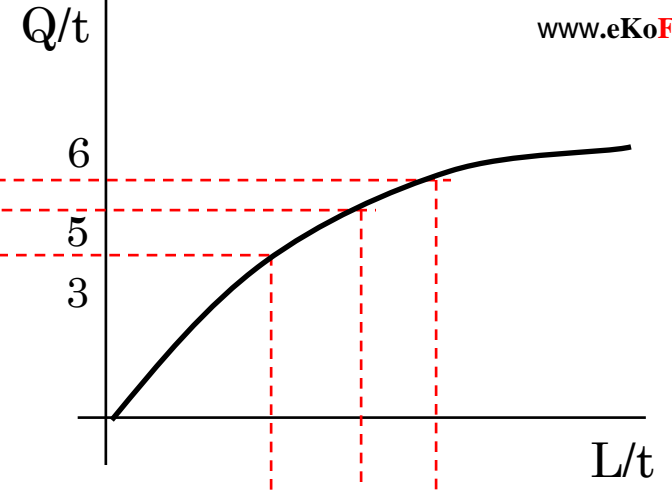
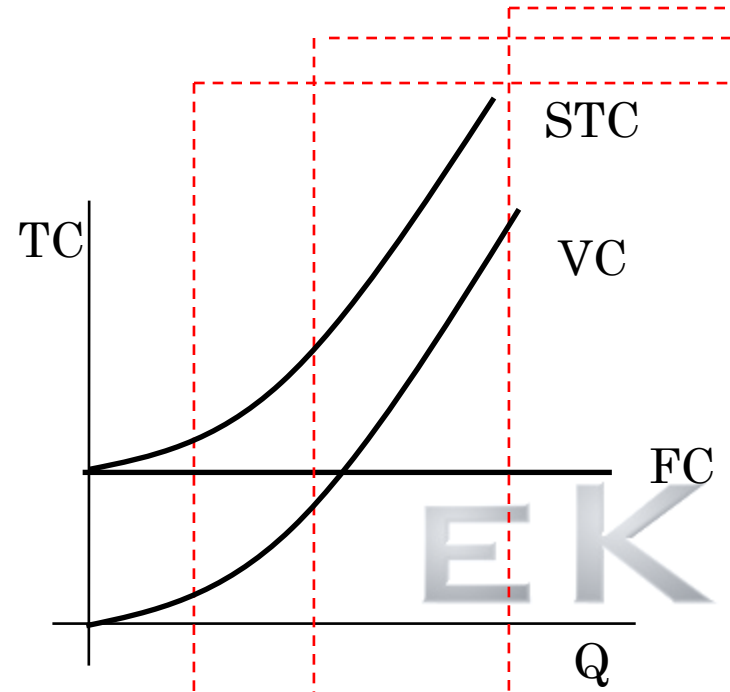


$$AVC = b + c.Q$$

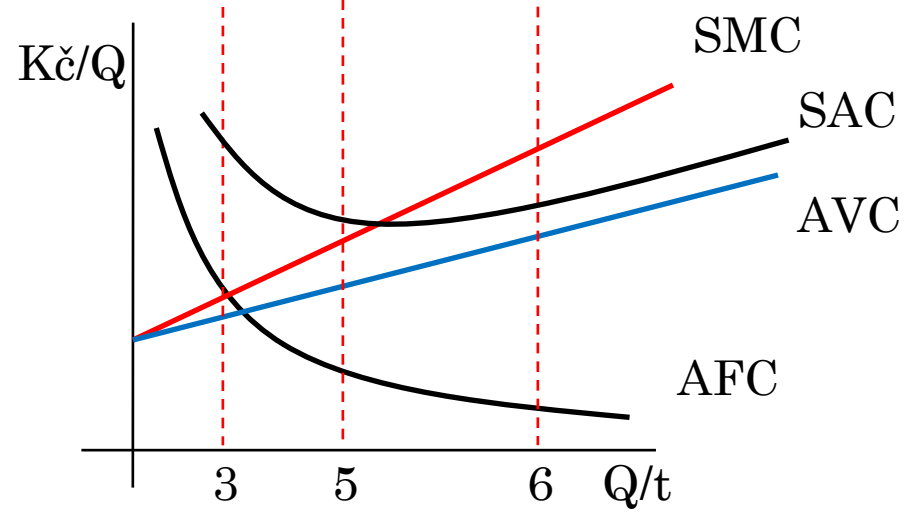
$$SMC = b + 2.c.Q$$

Která funkce roste rychleji? SMC jelikož sklon AVC je určen velikostí  $c$  a sklon SMC je  $2.c$ , tedy 2x větší





EKO FUN



# Vývoj nákladů v podmínkách konstantních výnosů z variabilního vstupu

$$Q=a+b.L \quad a=0 \quad Q=b.L$$

$$FC=a$$

$$VC=b.Q$$

$$STC=a+b.Q$$

$$AVC=VC/Q=b$$

$$AFC=FC/Q=a/Q$$

$$SAC=a/Q+b$$

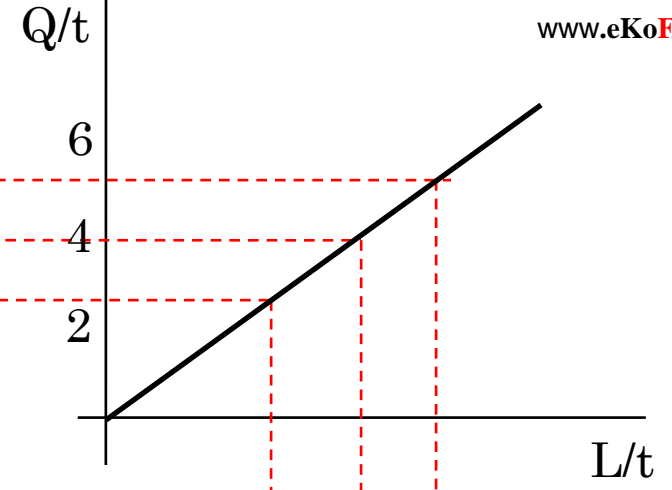
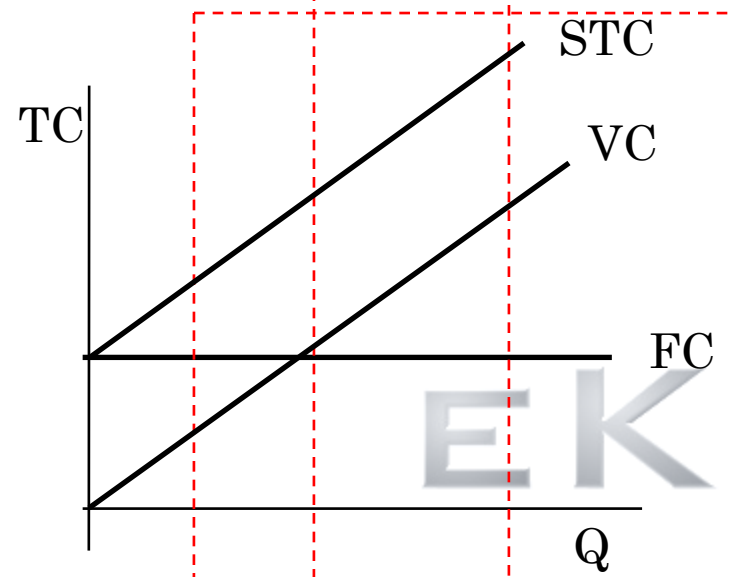
$SMC=b$  jak bude vypadat křivka  $SMC$ ?

$b$  je konstanta bude se jednat o přímku rovnoběžnou s osou  $x$

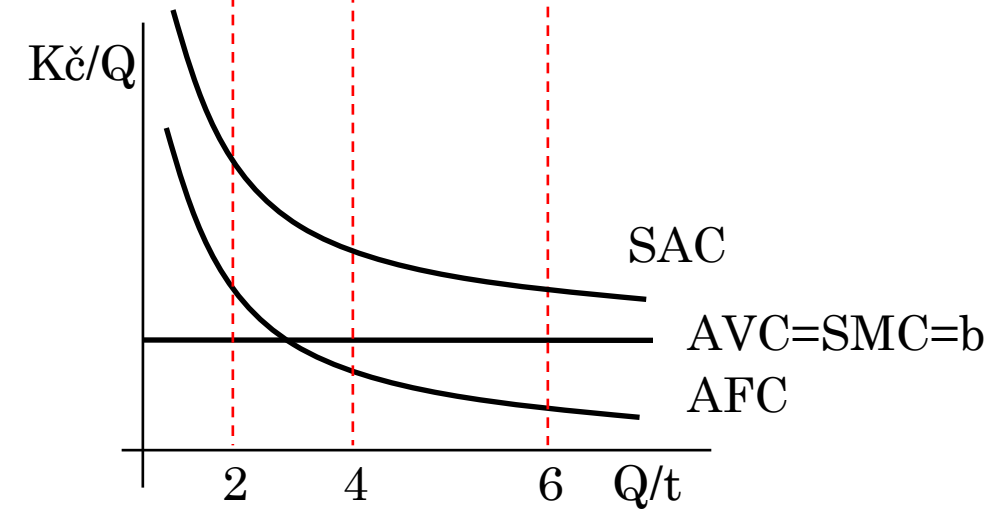
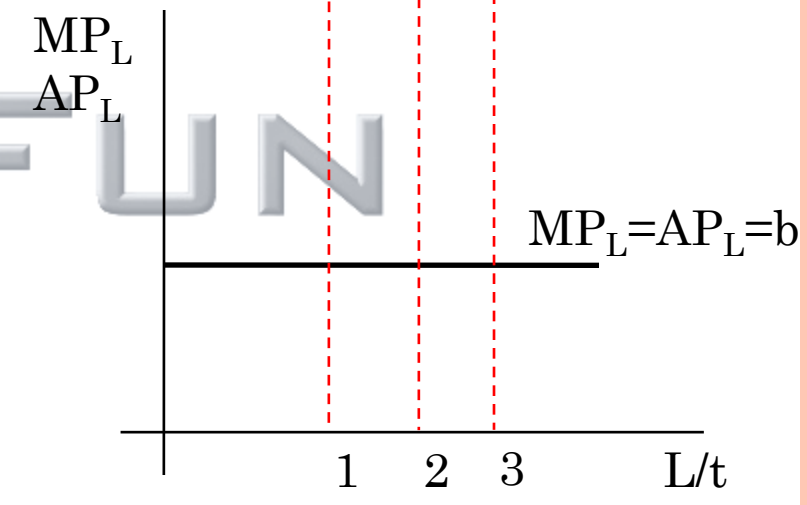
$$SMC=w/MP_L$$

$w$  je konstanta,  $SMC$  je konstanta  $MP_L$  musí být také





EKO FUN



## Vývoj nákladů v podmínkách nejprve rostoucích a potom klesajících výnosů z variabilního vstupu

$$Q=a+b.L+c.L^2-d.L^3$$

$$FC=a$$

$$VC=b.Q-c.Q^2+d.Q^3$$

Variabilní náklady rostou nejprve klesajícím tempem  
(rostoucí výnosy z variabilního vstupu)

poté rostou rostoucím tempem (klesající výnosy z variabilního vstupu)

$$STC=a+b.Q-c.Q^2+d.Q^3$$

$$AFC=a/Q$$

$$AVC=VC/Q=b-c.Q+d.Q^2 \quad AVC=w/AP_L$$

$AP_L$  roste  $\rightarrow$  AVC klesají

$AP_L$  klesá  $\rightarrow$  AVC rostou

Výstup při kterém jsou AVC minimální -  $AP_L$  maximální



## Průměrné náklady

$$SAC = a/Q + b - c \cdot Q + d \cdot Q^2$$

Křivka má tvar písmene U

AC jsou minimální při větším výstupu než AVC

Důvod AFC

## Mezní náklady

$$SMC = b - 2 \cdot c \cdot Q + 3 \cdot d \cdot Q^2$$

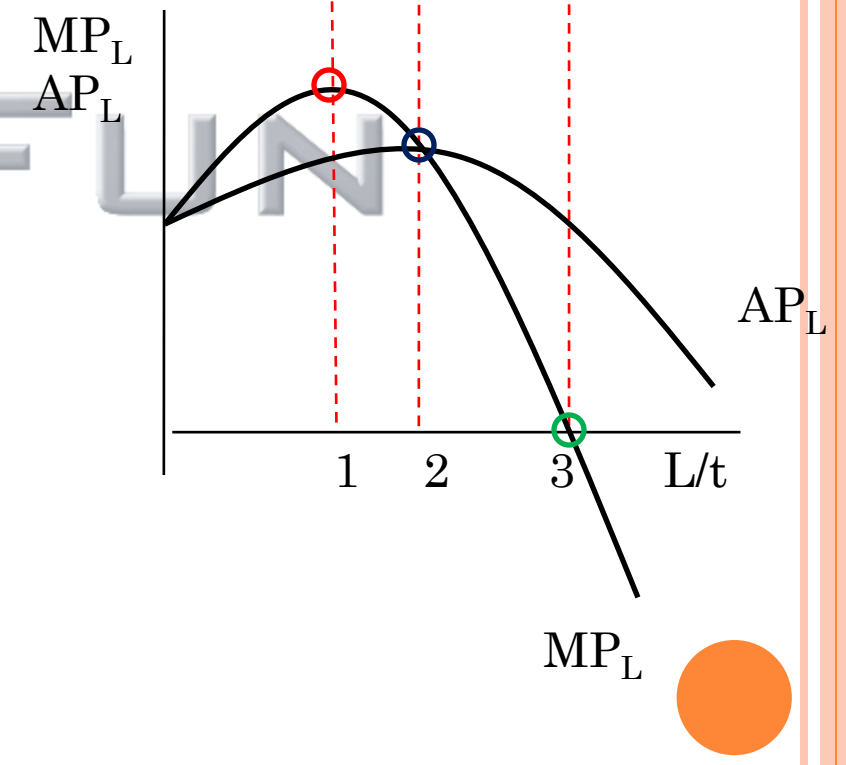
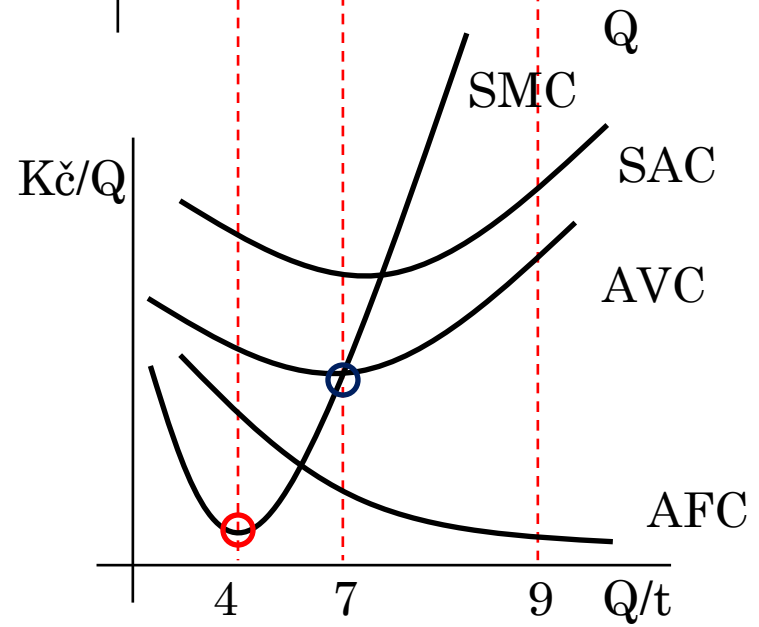
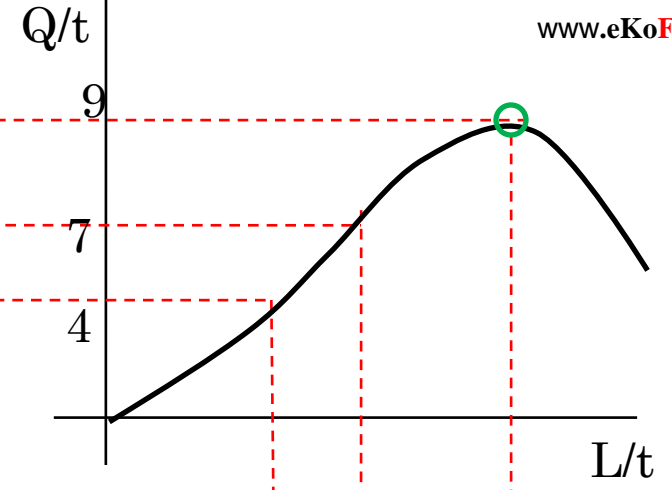
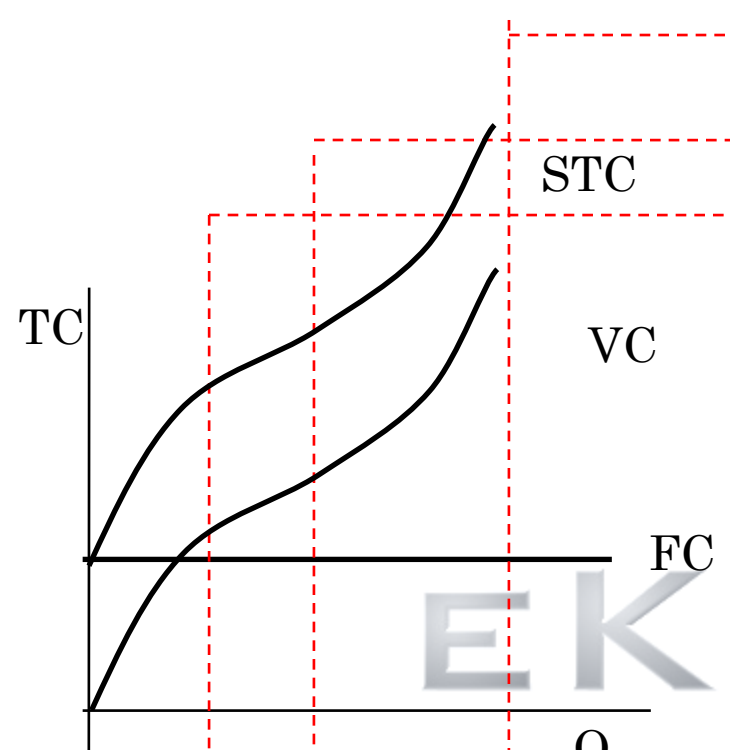
Tvar písmene U  $SMC = w / MP_L$

Roste-li  $MP_L \rightarrow$  klesají SMC

Klesá-li  $MP_L \rightarrow$  rostou SMC

Mezní náklady jsou minimální při objemu výroby (Q)  
při které je maximální mezní produkt práce



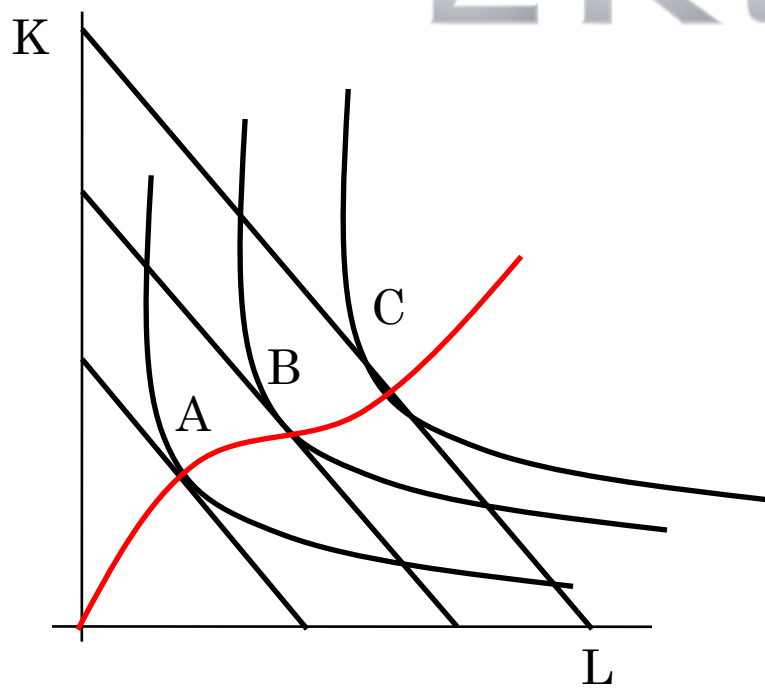


# NÁKLADY FIRMY V DLOUHÉM OBDOBÍ

Variabilní všechny vstupy → náklady nedělíme na fixní a variabilní (všechny jsou variabilní)

Jednotkové náklady průměrné a mezní

Při analýze nákladů v dlouhém období se pohybujeme po křivce rostoucího výstupu → náklady v dlouhém období jsou **MINIMÁLNÍ** náklady pro daný výstup





## Křivka celkových nákladů v dlouhém období(LTC)

Odvozena stejně jako křivka celkových nákladů pro krátké období(STC)

Z příslušné produkční funkce

Zásadní rozdíl - tvar křivky STC byl ovlivněn výnosy z variabilního vstupu

**tvar křivky LTC je určen výnosy z rozsahu**

### Konstantní výnosy z rozsahu

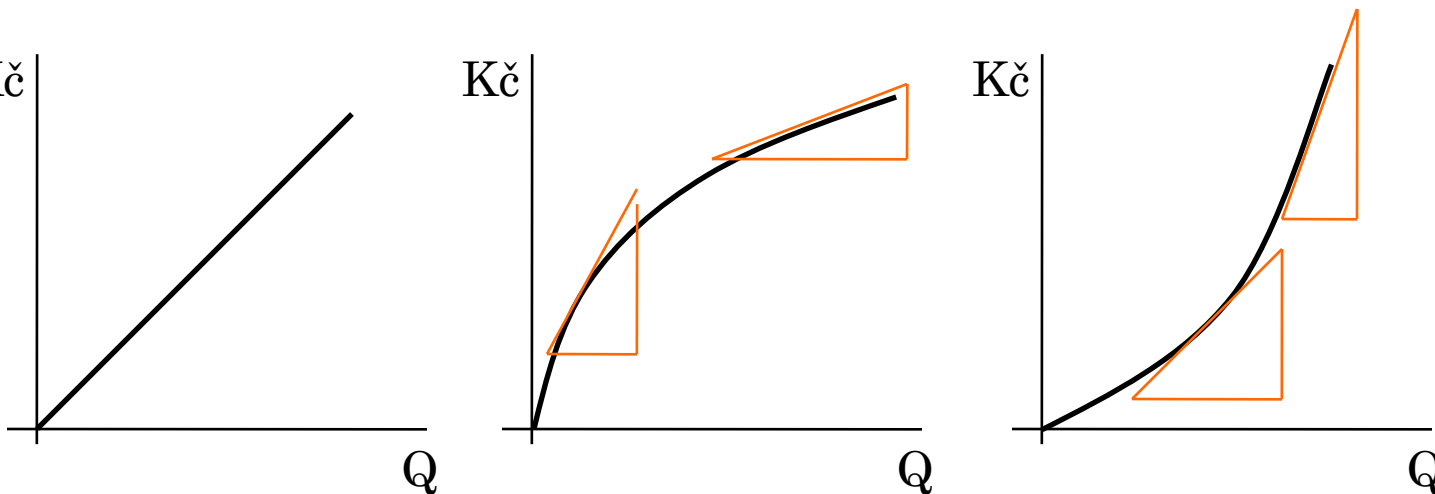
celkové náklady rostou stejným tempem jako výstup

### Rostoucí výnosy z rozsahu

celkové náklady rostou relativně pomaleji, než výstup

### Klesající výnosy z rozsahu

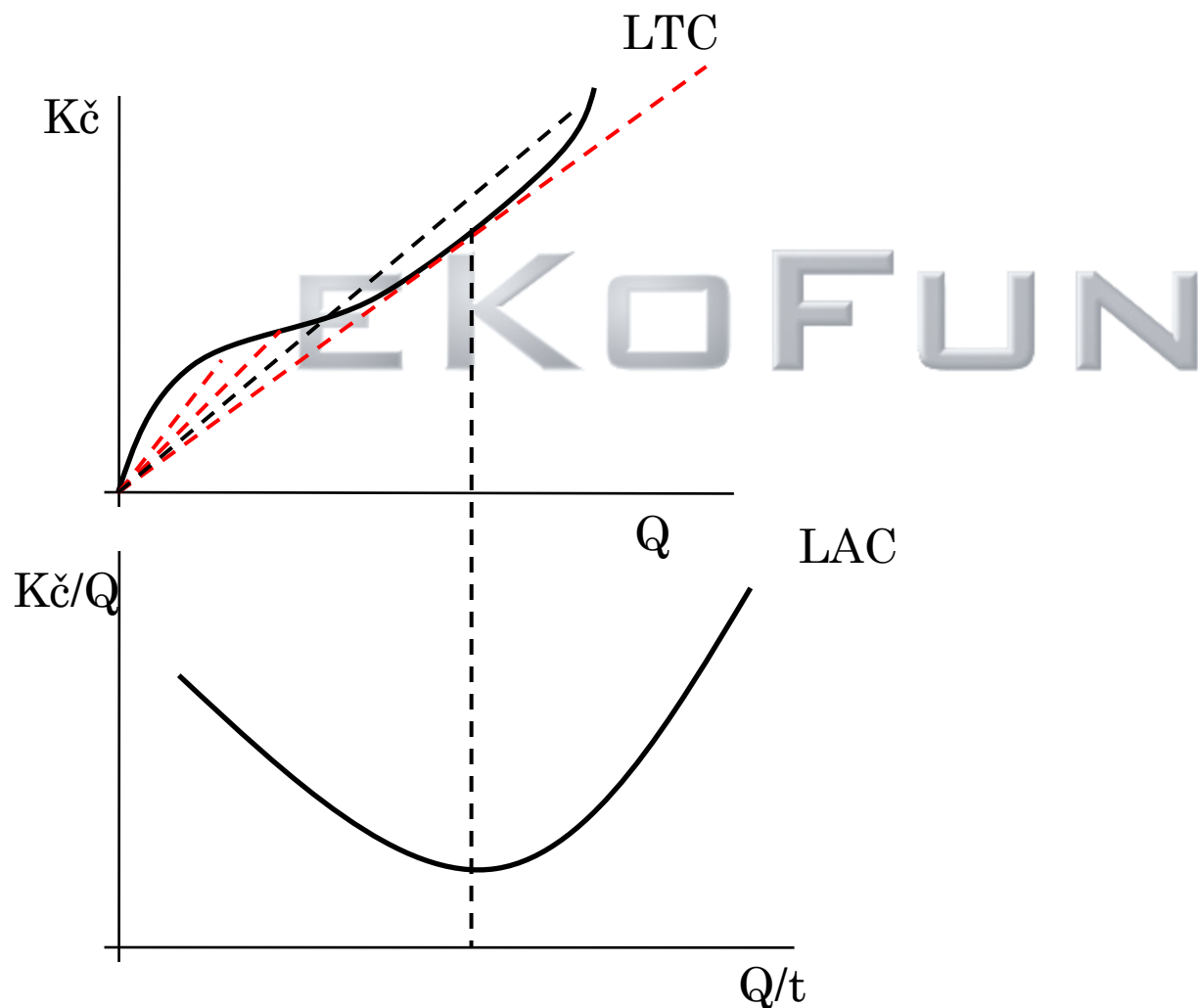
celkové náklady rostou relativně rychleji než výstup



LTC vychází z počátku (neexistují žádné fixní náklady)

Dlouhodobé průměrné náklady (LAC) geometricky směřují přímkou z počátku do bodu na křivce LTC

minimum LAC nastává kdy je přímka z počátku tečnou LTC



## Dlouhodobé mezní náklady(LMC)

Změna celkových nákladu, vyvolaná změnou výstupu o jedna

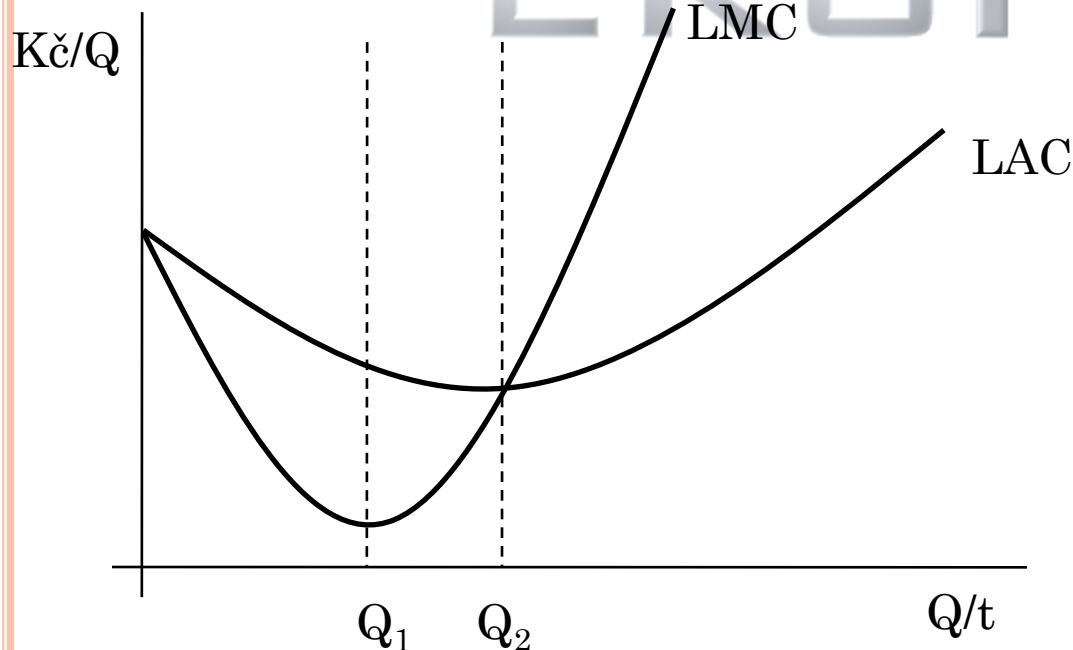
$$LMC = \frac{dTC}{dQ}$$

V případě rostoucích výnosů z rozsahu jsou LMC klesající  
pro klesající výnosy jsou LMC rostoucí

LMC dosahují svého minima dříve než LAC

Do  $Q_1$  se prosazují  
rostoucí výnosy z  
rozsahu

Do  $Q_2$  firma vyrábí s  
nižšími dodatečnými  
než průměrnými  
náklady



Kč

Oranžová směrnice přímký je menší (plošší) než červená směrnice přímký

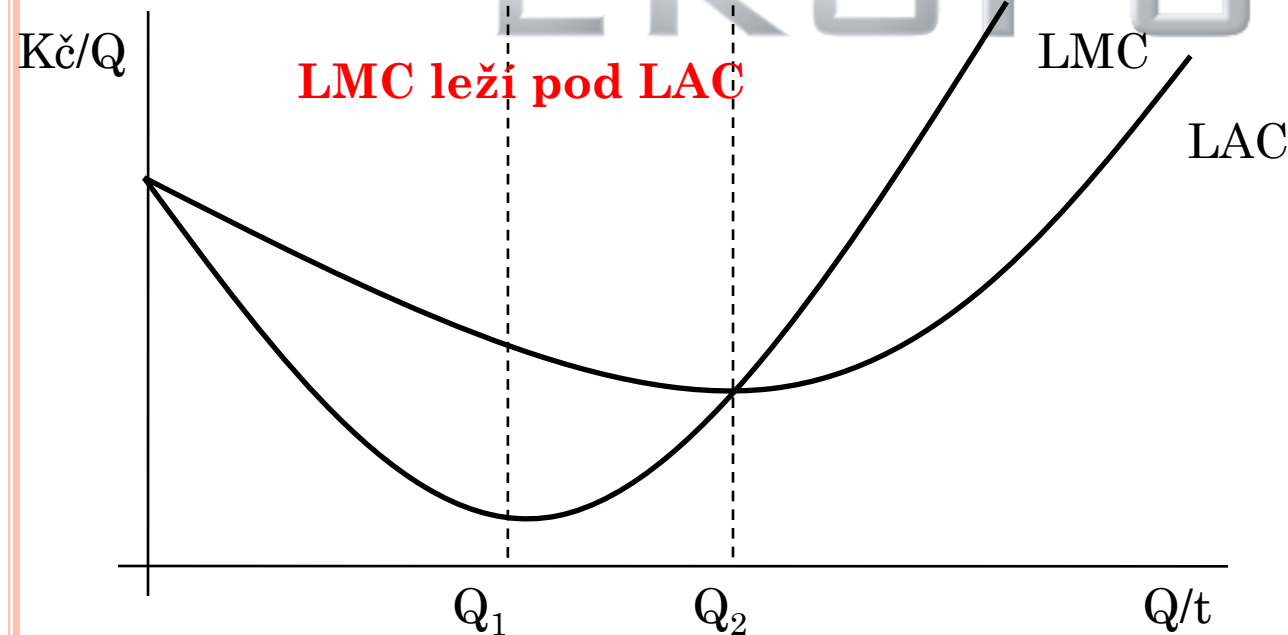
LTC

Do  $Q_1$  směrnice tečny k LTC klesá od  $Q_1$  roste  
do  $Q_1$  LMC klesá od  $Q_1$  roste  
 $Q_1$  - minimum LMC

Pro  $Q_2$  se směrnice tečny k LTC rovná směrnicí přímký vedené z počátku

LMC=LAC

LMC protíná LAC v minimum  
 $Q_2$  je minimum LAC



# VZTAH MEZI KRÁTKODOBÝMI A DLOUHODOBÝMI NÁKLADY

Obecně platí:

náklady v krátkém období bývají vyšší než náklady v dlouhém období  
(příčina, existence fixních nákladů)

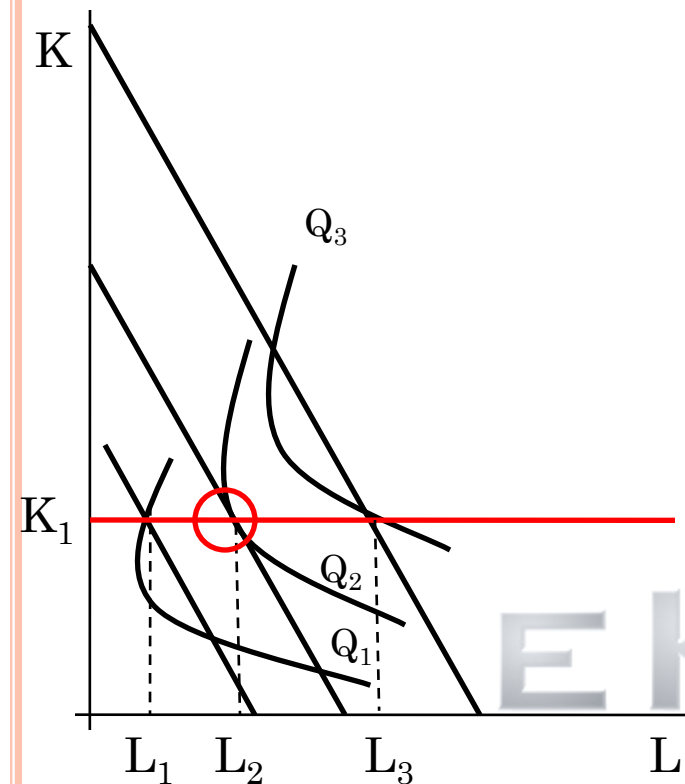
neumožňuje firmě optimalizovat kombinace vstupů

Dlouhodobé náklady představují minimalizované náklady  
pohyb podél křivky rostoucího výstupu  
(můžeme kombinovat vstupy a tím minimalizovat náklady)

EKO FUN



## Izokosta musí být tečnou izokvanty



Fixní množství kapitálu  $K_1$

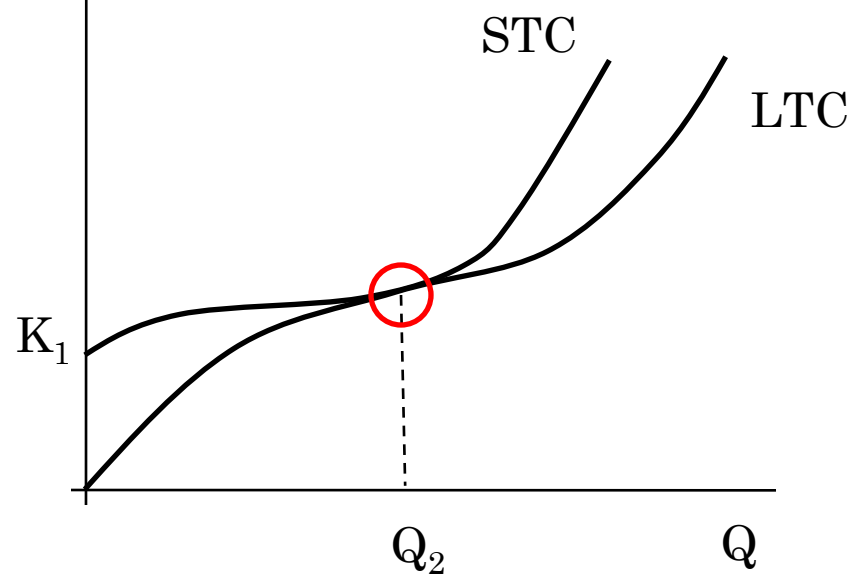
$Q_1$  vyrobíme s  $K_1$  a  $L_1$

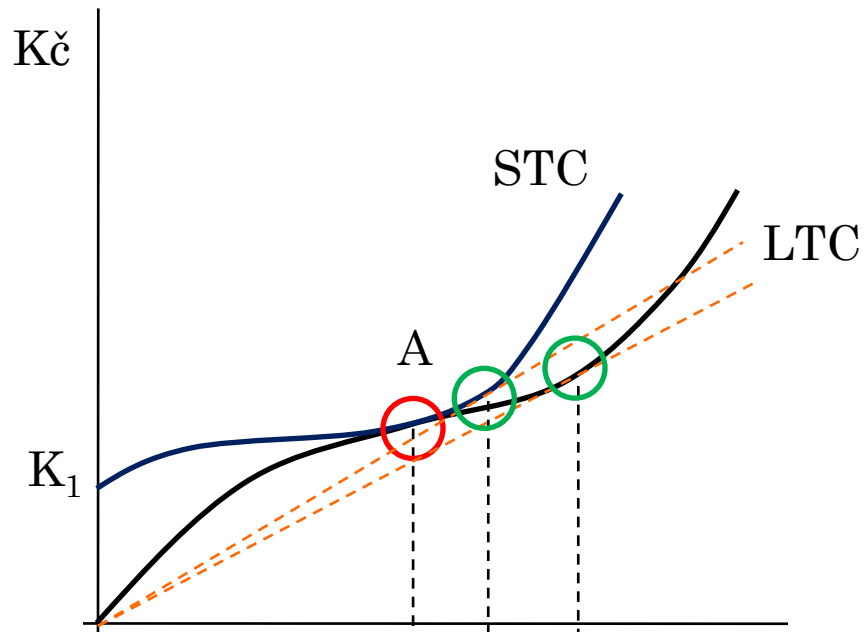
$Q_2$  vyrobíme s  $K_1$  a  $L_2$

$Q_3$  vyrobíme s  $K_1$  a  $L_3$

V dlouhém období bychom ve 2 případech vyráběli s danými náklady větší výstup

Kč

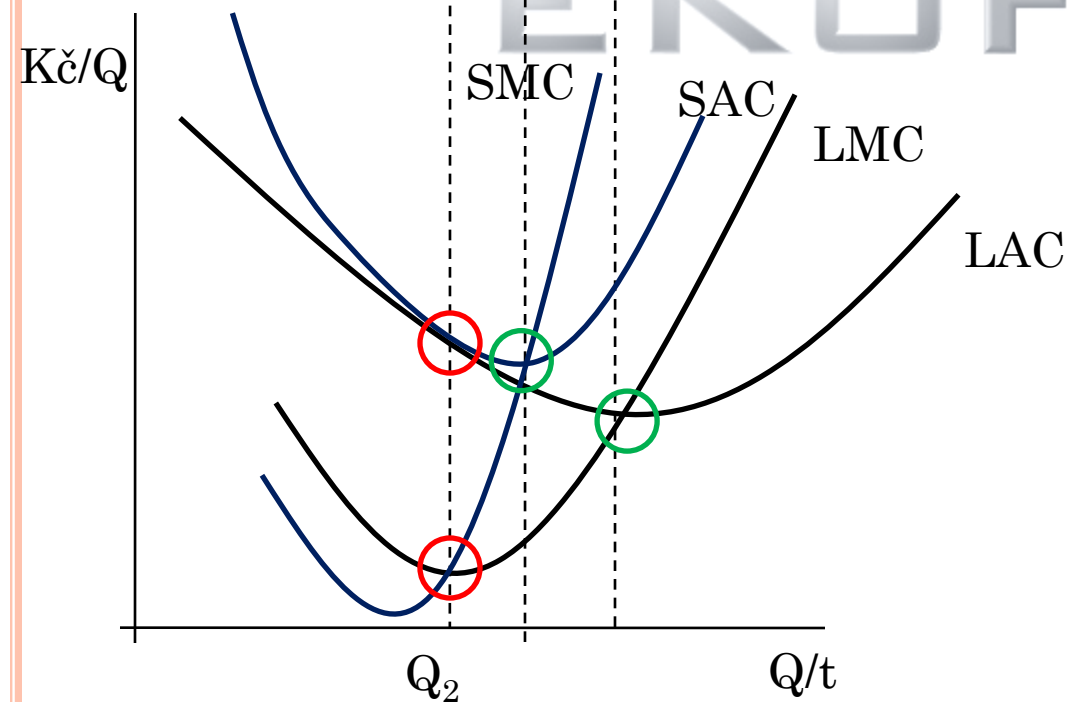




Křivky stejné směrnice tečen  
( $SMC = LMC$ )  
SAC a LAC se pouze dotýkají  
**neprotínají se**

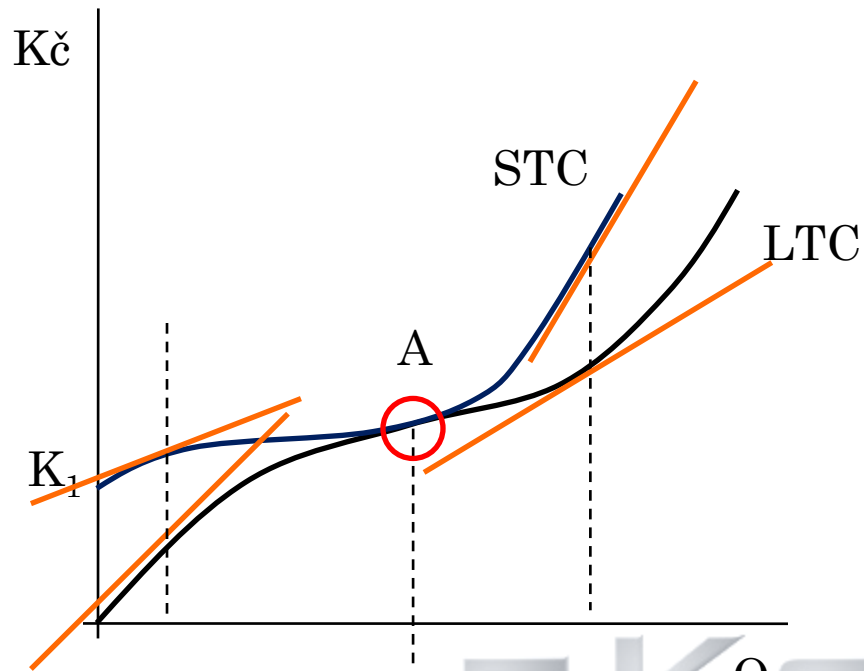
Fixní náklady jsou nejlépe využity  
(předchozí izokvantová analýza)

EKO FUN



Proč je SMC pod LMC?  
Směrnice tečen





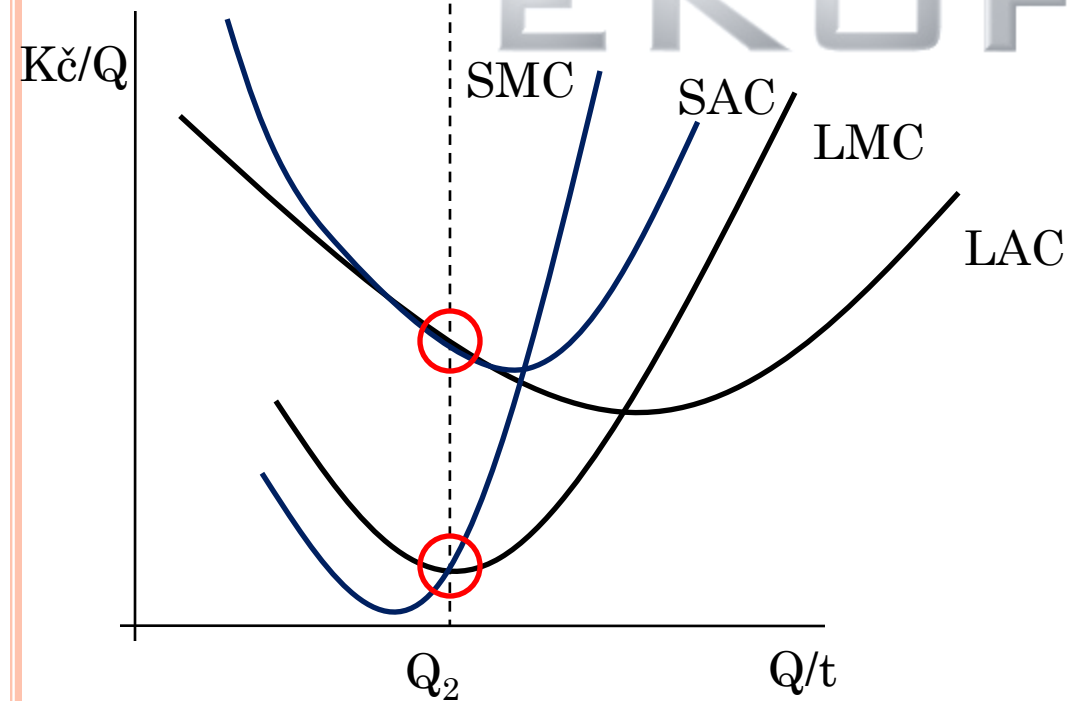
Proč je SMC do bodu A pod LMC  
a od něho je SMC nad LMC?

Vše určuje velikost směrnice  
tečny k dané křivce

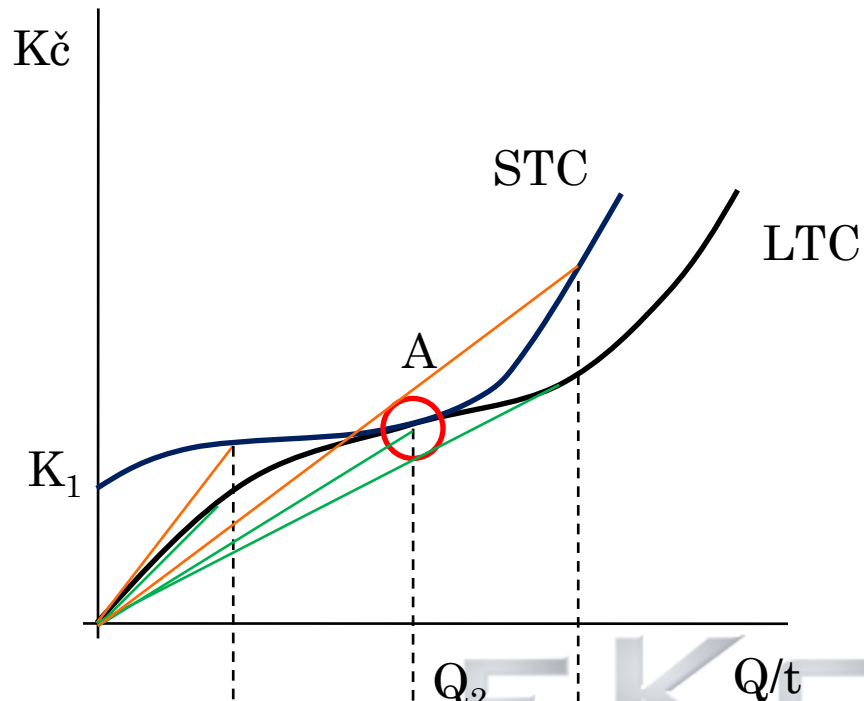
Do A je směrnice tečny k STC  
menší (plošší) než u LTC

Od bodu A je tomu naopak

EKO FUN





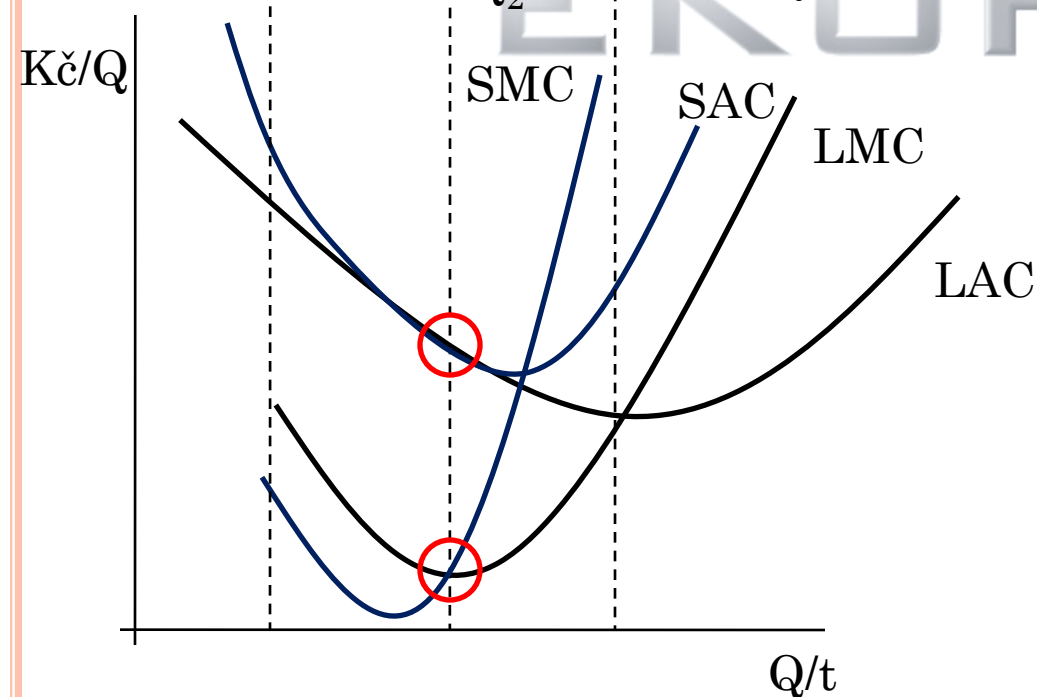


Proč je křivka SAC celá nad LAC?

Srovnáme směrnice přímk  
vedených z počátku do bodu na STC,  
resp. LTC

Přímka vedená z počátku k LTC je  
až na bod A, vždy plošší než přímka  
k STC

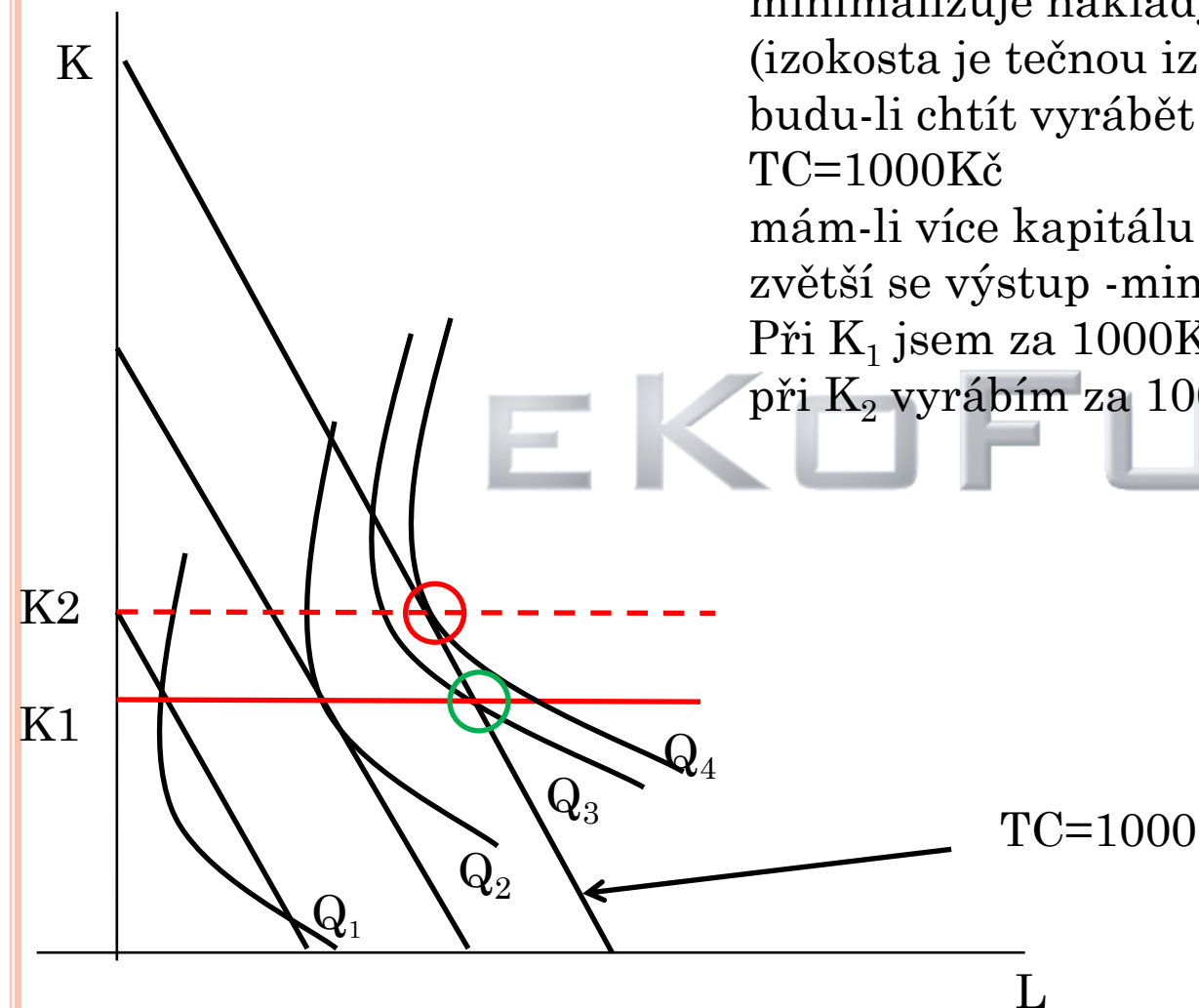
LAC musí ležet pod SAC, kromě  
bodu A kde se křivky **dotýkají**



Co se stane budeme-li zvyšovat množství kapitálu?

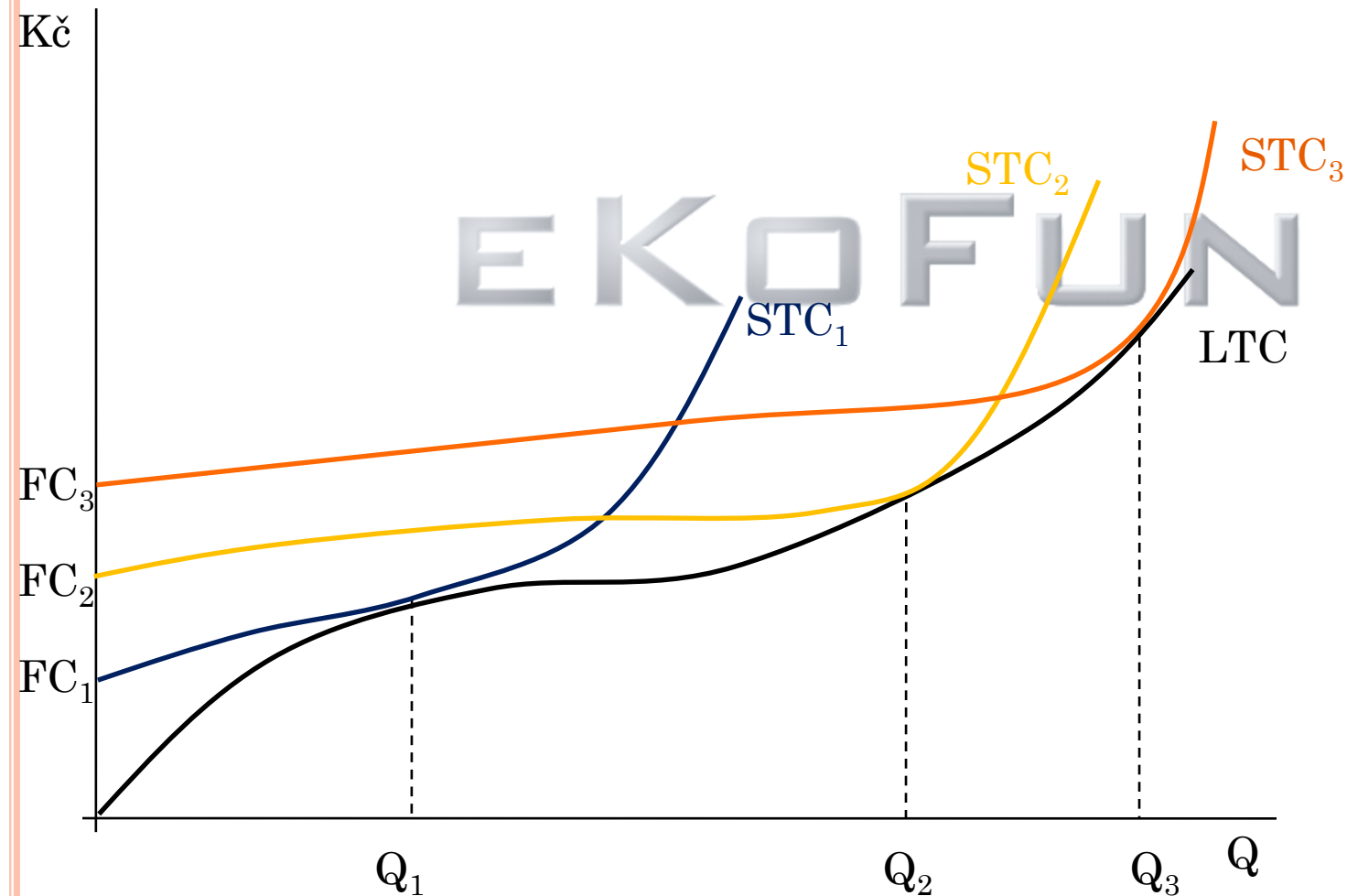
Při zásobě kapitálu  $K_1$  bude výstup který minimalizuje náklady  $Q_2$  (izokosta je tečnou izokvanty)  
 budu-li chtít vyrábět  $Q_3$  náklady budou  $TC=1000Kč$   
 mám-li více kapitálu  $K_2$  zvětší se výstup -minimalizujeme náklady při  $Q_4$   
 Při  $K_1$  jsem za  $1000Kč$  vyráběl  $Q_3$   
 při  $K_2$  vyrábím za  $1000Kč$   $Q_4$

EKO FUN



Každé úrovni kapitálu přiřadíme fixní náklady  $K_1 \rightarrow FC_1$

Když zvyšujeme množství kapitálu, zvýší se objem výstupu, při kterém firma v krátkém období minimalizuje náklady



Křivka celkových nákladů v dlouhém období je spodním obalem jednotlivých křivek celkových nákladů v krátkém období

## **LTC je obalová křivka**

LTC představuje nejnižší náklady pro dané výstupy

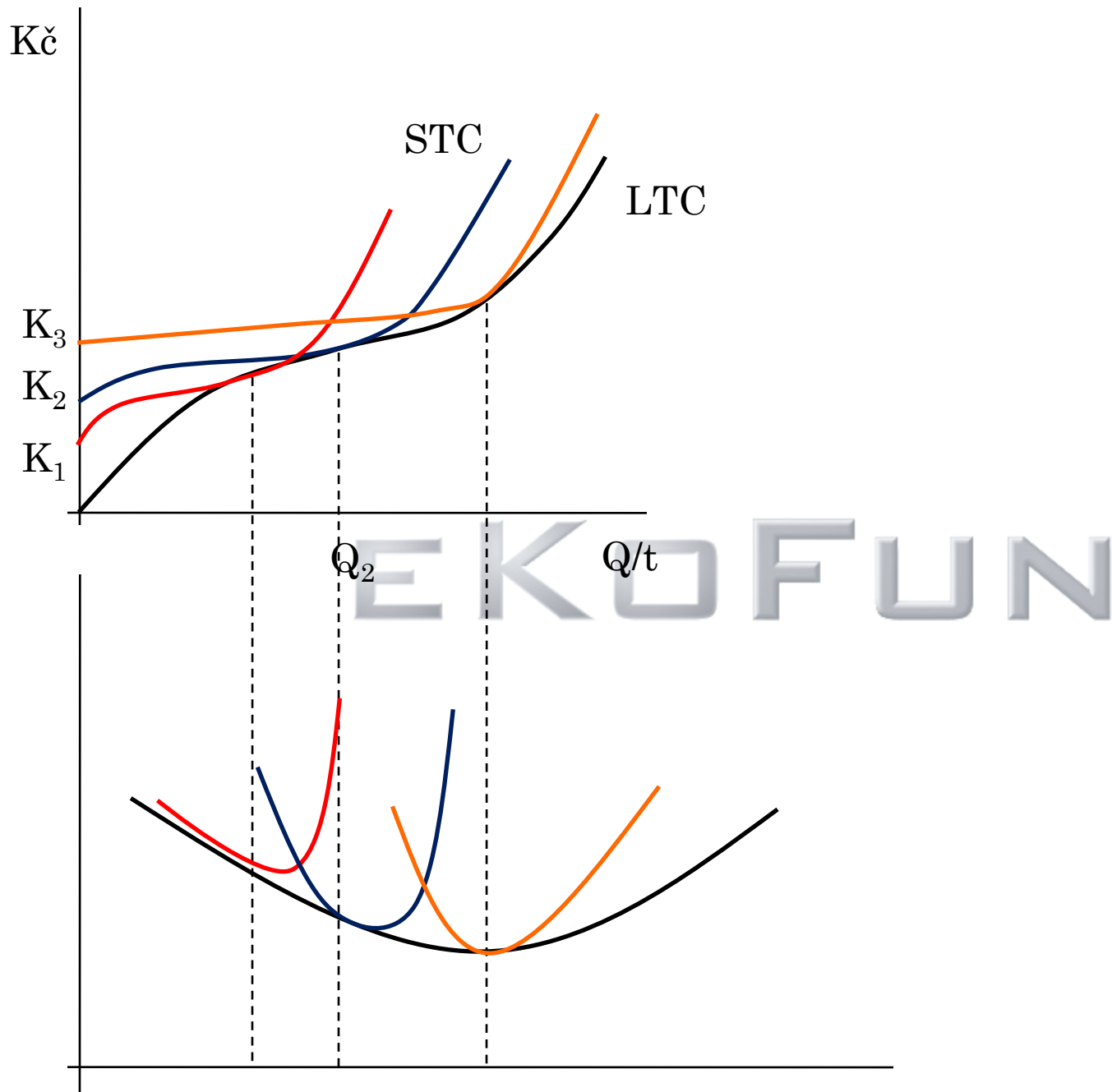
Bod dotyku LTC a STC-pro daný výstup jsou nejnižší i STC

fixní vstup je nejlépe využit(vzpomenout na izokvantovou analýzu)

## **LAC je spodním obalem křivek SAC**

bod kde se obě křivky dotýkají je při výstupu kdy fixní množství kapitálu umožňuje minimalizovat celkové náklady  
(izokosta tečnou izokvanty)





EKO FUN

